

# PRIORIDAD DE OPERACIONES. JERARQUÍA

POSTULADO: ¡¡TRES SON LOS PASOS QUE SEGUIREMOS ATENTAMENTE CUANDO REALICEMOS CUALQUIER EJERCICIO O PROBLEMA "CON" O "SIN" AYUDA DE LA CALCULADORA!!



¿Todas las calculadoras dan los mismos resultados ante una misma secuencia de operaciones?

## 1.- EJERCICIOS

▲ Efectúa a continuación, con tu calculadora, los siguientes ejercicios, rodeando con un círculo cuál de las dos soluciones es la registrada.

OPERACIÓN	Solución A	Solución B
$2 + 3 \times 5 =$	17	25
$5 - 2 \times 4 =$	- 3	12
$2 + 5 : 3 =$	3.6666...	2.33333...
$3 - 4 : 3 =$	1.6666...	- 0.33333...
$2 - 3^2 =$	- 7	1

### COMENTARIOS:

¿Cómo es posible que den resultados distintos?



En el caso de que los resultados obtenidos sean los de la solución B, la calculadora con la que trabajas decimos que es de tipo **ELEMENTAL**, es decir, efectúa cálculos y operaciones según el orden en el que teclas e introduces los datos en la máquina, de izquierda a derecha.



Pero si los resultados que obtienes son los de la solución A, la calculadora con la que estas trabajando se dice que es de tipo **JERÁRQUICA**, es decir, no efectúa los cálculos y operaciones estrictamente en el orden en el que los introducimos en la máquina sino que, en su lógica operatoria, establece un orden **INTERNO PROPIO** de operación, similar al algebraico, con un orden de prioridades.

Normalmente, las calculadoras actuales son JERÁRQUICAS, por lo que todo lo que vamos a trabajar a continuación te concierne.

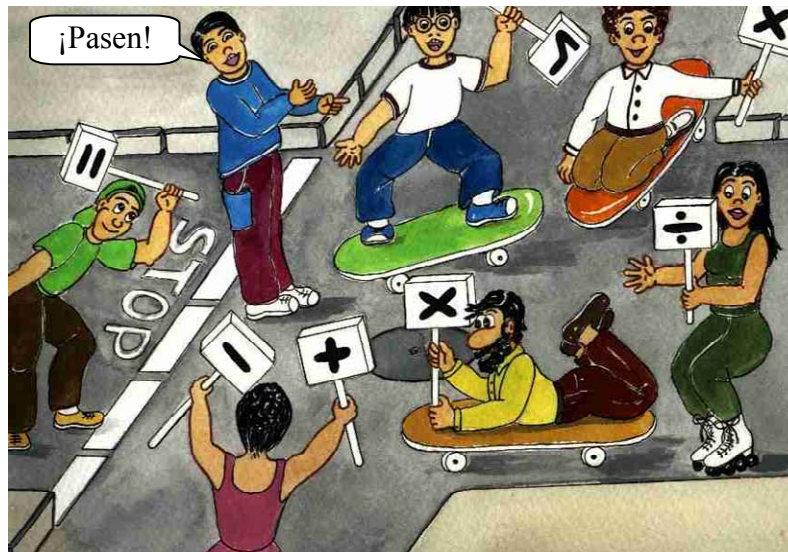


ii ATENCIÓN !!

Si tuviésemos que efectuar las siguientes operaciones:

$$1 - 4^5 : \sqrt[6]{3^2} + 7^4 \cdot 9 - 10 =$$

¿En qué orden crees que se realizarían?



**¡MENUDO CAOS!** La circulación en el mundo de las operaciones estaba cada vez más complicada. Cuando en un cruce se encontraban dos o más operaciones diferentes, ¿Quién tenía prioridad?: ¿El producto sobre la suma? ¿Se harían de izquierda a derecha o de derecha a izquierda? ¿Daría igual el orden? ¿Se efectuarían al azar?...



Se hacía necesario que el matemático pusiese un poco de orden y estableciese unas prioridades y una jerarquía para que cuando un número esté afectado simultáneamente por diversas operaciones, saber en **QUÉ ORDEN** deben de hacerse éstas



Si tienes que realizar el siguiente ejercicio:

$$3 + 4 \cdot 5$$

El 4 está afectado por 2 operaciones: a la izquierda una suma y a la derecha un producto, por lo que se podría efectuar de 2 maneras diferentes:

(A) Primero la suma y luego el producto:  $3 + 4 \times 5 =$   
 $7 \times 5 = 35$

(B) O bien, primero el producto y luego la suma:  $3 + 4 \times 5 =$   
 $3 + 20 = 23$

Como ves, los resultados que salen son distintos.



**002** Efectúa tú también primero los siguientes ejercicios MENTALMENTE con las dos posibilidades que hay, y luego comprueba qué es lo que sale con la calculadora para saber qué operación tiene prioridad. 1/2/3/4E

**NIVEL: Para trabajar con números Naturales**

ORDEN	OPERACIÓN	Hazlo <u>mentalmente</u> efectuando primero la <b>primera</b> operación.	Hazlo <u>mentalmente</u> efectuando primero la <b>segunda</b> operación.	Efectúalo con la <b>calculadora</b>	Por lo tanto... ¿qué operación se hizo primero?
		Solución	Solución	Solución	Solución:
2.1	$2 + 3 \times 4 =$	20	14	14	(*)
2.2	$3 \times 4 + 2 =$				
2.3	$12 - 3 \times 4 =$				
2.4	$3 \times 4 - 2 =$				
2.5	$2 + 3 - 2 =$				
2.6	$12 - 2 + 2 =$				
2.7	$2 + 8 : 2 =$				
2.8	$8 : 2 + 2 =$				
2.9	$12 - 8 : 2 =$				
2.10	$8 : 2 - 2 =$				
2.11	$2 \times 6 : 3 =$				
2.12	$6 : 3 \times 2 =$				
2.13	$2 \times 3^2 =$				
2.14	$18 : 3^2 =$				
2.15	$2 + 3^2 =$				
2.16	$12 - 3^2 =$	81	3	3	(**)

(\*) Producto antes que suma.

(\*\*) Potencia antes que resta.



003	Efectúa tú también primero los siguientes ejercicios MENTALMENTE con las dos posibilidades que hay, y luego comprueba qué es lo que sale con la calculadora para saber qué operación tiene prioridad.	1/2/3/4E
-----	---	----------

*NIVEL: Para trabajar con números **Enteros***

O R D E N	OPERACIÓN	Hazlo <u>mentalmente</u> efectuando primero la <b>primera</b> operación.	Hazlo <u>mentalmente</u> efectuando primero la <b>segunda</b> operación.	Efectúalo con la <b>calculadora</b>	Por lo tanto... ¿qué operación se hizo primero?
-----------------------	-----------	--	--	-------------------------------------	---

		Solución	Solución	Solución	Solución:
3.1	$2 + 3 \times 4 =$	20	14	14	(*)
3.2	$3 \times 4 + 2 =$				
3.3	$2 - 3 \times 4 =$				
3.4	$3 \times 4 - 2 =$				
3.5	$2 + 3 - 5 =$				
3.6	$2 - 3 + 5 =$				
3.7	$2 + 8 : 2 =$				
3.8	$8 : 2 + 2 =$				
3.9	$2 - 8 : 2 =$				
3.10	$8 : 2 - 2 =$				
3.11	$2 \times 6 : 3 =$				
3.12	$6 : 3 \times 2 =$				
3.13	$2 \times 3^2 =$				
3.14	$18 : 3^2 =$				
3.15	$2 + 3^2 =$				
3.16	$2 - 3^2 =$	1	- 7	- 7	(**)

(\*) Producto antes que suma      (\*\*) Potencia antes que resta.

### 4.- EJERCICIOS sin calculadora



♦ Una vez realizados los anteriores ejercicios,

## ¡Investiga!

y reconstruye **el puzzle** de respuestas e intenta colocar todas las operaciones (el producto, la suma, la resta, la división, la potencia y el signo igual) en **ORDEN**, según las prioridades observadas.

SOLUCIÓN:

## ¡PISTA!

¡Vamos a jugar repasando EDUCACIÓN VIAL!

Si averiguas en qué orden pasarían los personajes del siguiente cruce de calles, representantes de diferentes operaciones, conocerás el orden jerárquico de dichas operaciones. Recuerda las normas de prioridad a la derecha, stop, etc.



005

Efectúa cada uno de los siguientes ejercicios de 2 formas distintas:

3/4E

(a) PENSANDO y RESOLVIENDO...  
MENTALMENTE



(b) COMPROBANDO...  
con la CALCULADORA



SIN UTILIZAR, en ningún caso, la tecla de los paréntesis

En caso de error, ANALÍZALO.

**Trabajando con Naturales (N)**

- 5.1)  $4 \cdot 5 : 2 =$
- 5.2)  $3 \cdot 4 - 2 + 7 =$
- 5.3)  $7 \cdot 2 + 1 - 5 =$
- 5.4)  $5 + 20 : 5 =$
- 5.5)  $8 - 3 \cdot 2 =$
- 5.6)  $10 + 25 : 5 =$
- 5.7)  $6 + 7 - 5 \cdot 2 - 2 + 3 =$
- 5.8)  $12 - 5 \cdot 2 + 5 =$
- 5.9)  $5 \cdot 5 - 5 + 5 \cdot 5 =$
- 5.10)  $7 - (-3) \cdot (-2) =$
- 5.11)  $5 + 2 \cdot 4^2 =$
- 5.12)  $9 - 2 \cdot 2^2 =$
- 5.13)  $9 - 3^2 + 2^2 + 4 =$
- 5.14)  $4 \cdot 5 : 2 + 9 =$
- 5.15)  $2 + 6 : 2 + 4 \cdot (-2)^2 =$
- 5.16)  $7 \cdot 3 + 8 : 2 - 7 \cdot 2 - 2^2 + 3^2 =$
- 5.17)  $2^4 - 2 \cdot 2^2 + 2 \cdot 3^2 - 4 + 3 =$
- 5.18)  $8 - \sqrt{4} \cdot 4 + 4 : 2 - 2 =$
- 5.19)  $16 - 5 \cdot \sqrt{9} + \sqrt{4} \cdot 2^2 =$
- 5.20)  $3^3 - \sqrt[3]{27} \cdot 2^3 - 1 =$

**Trabajando con Enteros (Z)**

- 5.21)  $4 \cdot 3 - 6 \cdot 2 - 3 =$
- 5.22)  $8 \cdot 8 + 8 \cdot 2 - 9 =$
- 5.23)  $20 : 5 + 4 - 17 =$
- 5.24)  $2 - 3^2 + 2^2 + 4 =$
- 5.25)  $70 : 10 + 7 - 4^2 =$
- 5.26)  $42 : 7 - 3 \cdot 4 + 1 =$
- 5.27)  $42 - 42 : 6 - 2^5 + 1 =$
- 5.28)  $12 : 6 \cdot 2 : 2^2 =$
- 5.29)  $8 + \sqrt{4} \cdot (-2) + 4 : 2 - 2 =$
- 5.30)  $3 + 4 - 2 \cdot 3 \cdot 2 + 1 =$
- 5.31)  $4 \cdot 5 : (-2) - 10 + 19 =$
- 5.32)  $2 - 3^2 \cdot 5 + 21 \cdot 2 + 2^0 =$
- 5.33)  $2 + 3 - 5 \cdot 4 - 7 + 3 =$
- 5.34)  $2 - 3^2 + 2^2 + 2 \cdot 4 =$
- 5.35)  $2 - 5 \cdot 3 + 3 - 2 + 3 =$
- 5.36)  $5 \cdot 3 + 2 \cdot 6 - 3 =$
- 5.37)  $(-3) \cdot 2 + 2 - 2 \cdot 3 + 1 =$
- 5.38)  $8 - 4 \cdot 4 + 4 : 2 - 2^2 =$
- 5.39)  $2 \cdot (-3) - (-5) + (-2)^2 =$
- 5.40)  $(3^2)^2 + 2^2 - 12 + 4 \cdot 2 - 5 =$

ii LA CALCULADORA HARÁ LAS FUNCIONES DE MAESTRO CORRECTOR !!



# EL JUEGO DE LOS ERRORES HABITUALES

006	Para realizar las siguientes operaciones, ¿cuál es el error que hemos cometido al introducir la secuencia de números y operaciones en la calculadora? $\frac{2+3 \cdot 5-2}{3 \cdot 5}$	3/4E
-----	--	------

Busca el ERROR y escribe en la columna de la derecha la operación que hemos REALMENTE realizado; si es posible, realízalo con la ClassPad 300, utilizando la opción de "Escritura Natural" de términos matemáticos en 2D.

a	$\frac{2+3 \times 5-2+3 \times 5}{13.66666667}$	
b	$\frac{2+3 \times 5-2}{15}$ $\text{Ans} \div 3 \times 5$ $25$	
c	$\frac{2+3 \times 5-2 \div 15}{16.86666667}$	
d	$\frac{2+3 \times 5-2 \div 3 \div 5}{16.86666667}$	
<div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="border: 1px solid black; border-radius: 15px; padding: 5px; text-align: center;">                 ¿Cómo podríamos hacerlo entonces con la CALCULADORA?             </div> </div>		



## SI QUIERES SABER POR QUÉ ...

(a) Porque al marcar la secuencia de teclas:

2 + 3 x 5 - 2 ÷ 3 x 5 =

DEG  
13.666667

piensas que lo has hecho correctamente, pero en realidad estás realizando:

$$2+3 \cdot 5-\frac{2}{3} \cdot 5 \quad \text{cuya solución es } 13.666667$$

(b) Porque al marcar la secuencia de teclas:

2 + 3 x 5 - 2 = ÷ 3 x 5 =

DEG  
25.

piensas que lo has hecho correctamente, pero en realidad estás realizando

$$\frac{2+3 \cdot 5-2}{3} \cdot 5 \quad \text{cuya solución es } 25$$

(c) Porque al marcar la secuencia de teclas:

2 + 3 x 5 - 2 = ÷ 1 5 =

DEG  
16.866667

piensas que lo has hecho correctamente, pero en realidad estás realizando



$$2+3 \cdot 5 - \frac{2}{15}$$

cuya solución es 16'866667

### ¿Cómo se soluciona el problema?

Primero efectuamos el NUMERADOR, tocando al final [=]

$$\frac{2+3 \cdot 5 - 2}{3 \cdot 5}$$

[2] [+] [3] [x] [5] [-] [2] [=]

DEG

15.

Como el 3 y el 5 del denominador están DIVIDIENDO los dos, se pueden poner así:

[÷] [3] [÷] [5] [=]

DEG

1.

007

Efectúa con la calculadora los siguientes ejercicios, sin utilizar en ningún caso la tecla de los **paréntesis**, y rodea mediante un círculo la solución correcta:

3/4E

7.1)  $\frac{2 \cdot 5 + 3 - 2 \cdot 6}{4 \cdot 5}$

Solución: a) 0.05 b) 12 c) 0.34

7.2)  $\frac{2 \cdot 5 : 2 + 6 \cdot 2}{4 \cdot 5 \cdot 2}$

Solución: a) 0.425 b) 1.52 c) 0.834

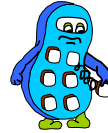
7.3)  $\frac{2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 2 + 3 \cdot 1 - 2 \cdot 45}{4 \cdot 1 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 8}$

Solución: a) 2 b) 0.1281504 c) 0.341498

7.4)  $\frac{2 \cdot 5 + 3 - 2 \cdot 6}{4 \cdot 5}$

Solución: a) 0.05 b) 12 c) 0.34

## La tecla estropeada



T.E.1) Si tuviésemos estropeada la tecla de la división, y con los temas que hemos dado hasta ahora, ¿cómo podríamos efectuar las siguientes operaciones?

$$3.1 : 5.2$$

Anota cómo lo hiciste



T.E.2) Si tuviésemos estropeada la tecla de la multiplicación, y con los temas que hemos dado hasta ahora, ¿cómo podríamos efectuar la siguiente operación?

$$2.8 \times 4.6$$








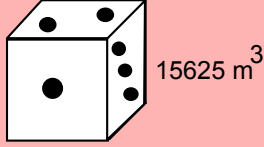

Comenta cómo lo hiciste











# AUT EVALUACIÓN

Realiza los siguientes ejercicios, sin utilizar en ningún momento la tecla de los paréntesis ni las memorias, rodeando con un círculo la respuesta correcta:

		Solución:	(a)	(b)	(c)
	A.E.01	$\frac{2 \cdot 5 : 2 + 6 \cdot 2.8}{4 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 3 \cdot 2}$	Solución: 4.75	0.4896675	55.019048
	A.E.02	$\frac{3 - 2.4^2 - \sqrt{3.1}}{3.4 \cdot 2.89}$	Solución: -0.4609889	-0.4600734	-1.4600734
	A.E.03	$\frac{2 - 0.4^2 - \sqrt{5.1}}{3.4 \cdot \sqrt[3]{5}} =$	Solución: -0.2103863	1.451567	-0.0719511
	A.E.04	$\frac{(-3)^4 - 2.4^5 - \sqrt{3.1} \cdot \sqrt[5]{5}}{3.4 \cdot \sqrt[3]{5} \cdot 5^{-3}} =$	Solución: -22.69349	-4.7306793	-0.1061698
	A.E.05	$\sqrt{3.1^4} - \sqrt[3]{3.32^2} =$	Solución: 8122.861	9.4935036	7.815518
	A.E.06	$\frac{\sqrt{3.1^4} - \sqrt[3]{3^2}}{3.5 \cdot 2.67^2} =$	Solución: 0.3767374	3.6179501	0.3807904
	A.E.07	<p>Calcula cuánto mide el lado de un dado gigantesco de 15625 m<sup>3</sup> de volumen</p> 	Solución: 25 m	34 m	341 m
	A.E.08	Coloca por orden, de mayor a menor jerarquía, las siguientes funciones: SUMA, POTENCIA, RAÍZ, RESTA, PRODUCTO, COCIENTE.			

Añade otros seis ejercicios y coloca la solución obtenida:

	A.E.09		Solución:		
	A.E.10		Solución:		
	A.E.11		Solución:		
	A.E.12		Solución:		
	A.E.13		Solución:		
	A.E.13		Solución:		